

ИНФОРМАТИКА



```
~/polytech $ date
```

```
осень 2019
```

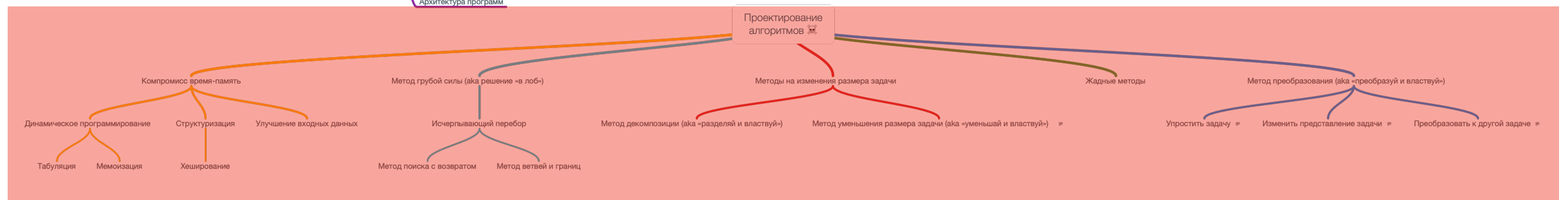
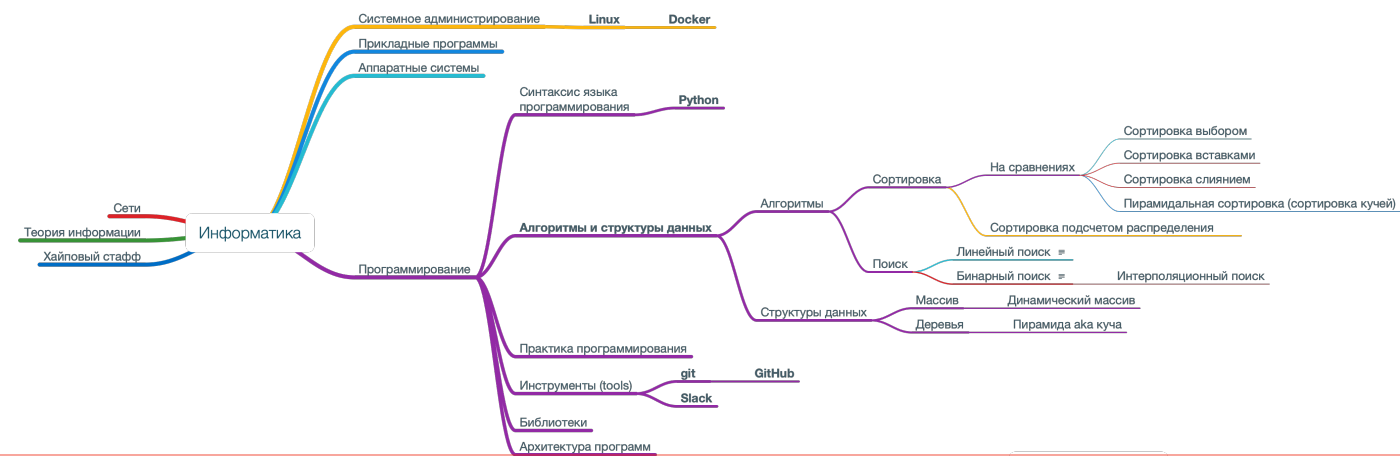
```
~/polytech $ name
```

```
константин кориков
```

```
~/polytech $ topic
```

```
атд с линейным порядком
```

ГДЕ МЫ?



Методы с прошлого занятия

О ЧЁМ ПОГОВОРИМ?

1. Еще раз об АТД
2. АТД с линейным порядком:
 - А. Списки
 - В. Строки
 - С. Очереди
 - Д. Деки и стеки
3. ~~Реализация в Python~~

Еще раз про АТД



Jan Chipchase



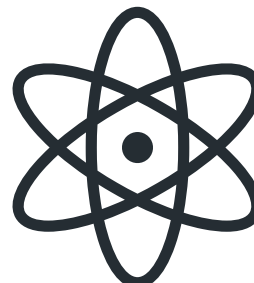
Jan Chipchase



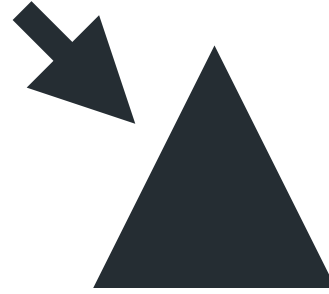
Понятный интерфейс



Скрытая реализация



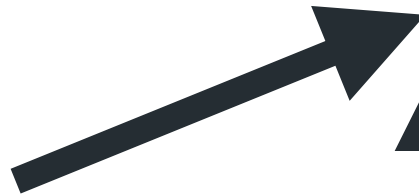
Приложение (бизнес-логика)



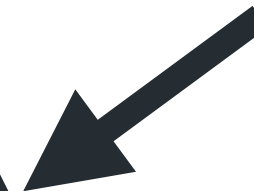
Предметные
АТД



АТД
общего
назначения



Структуры
данных

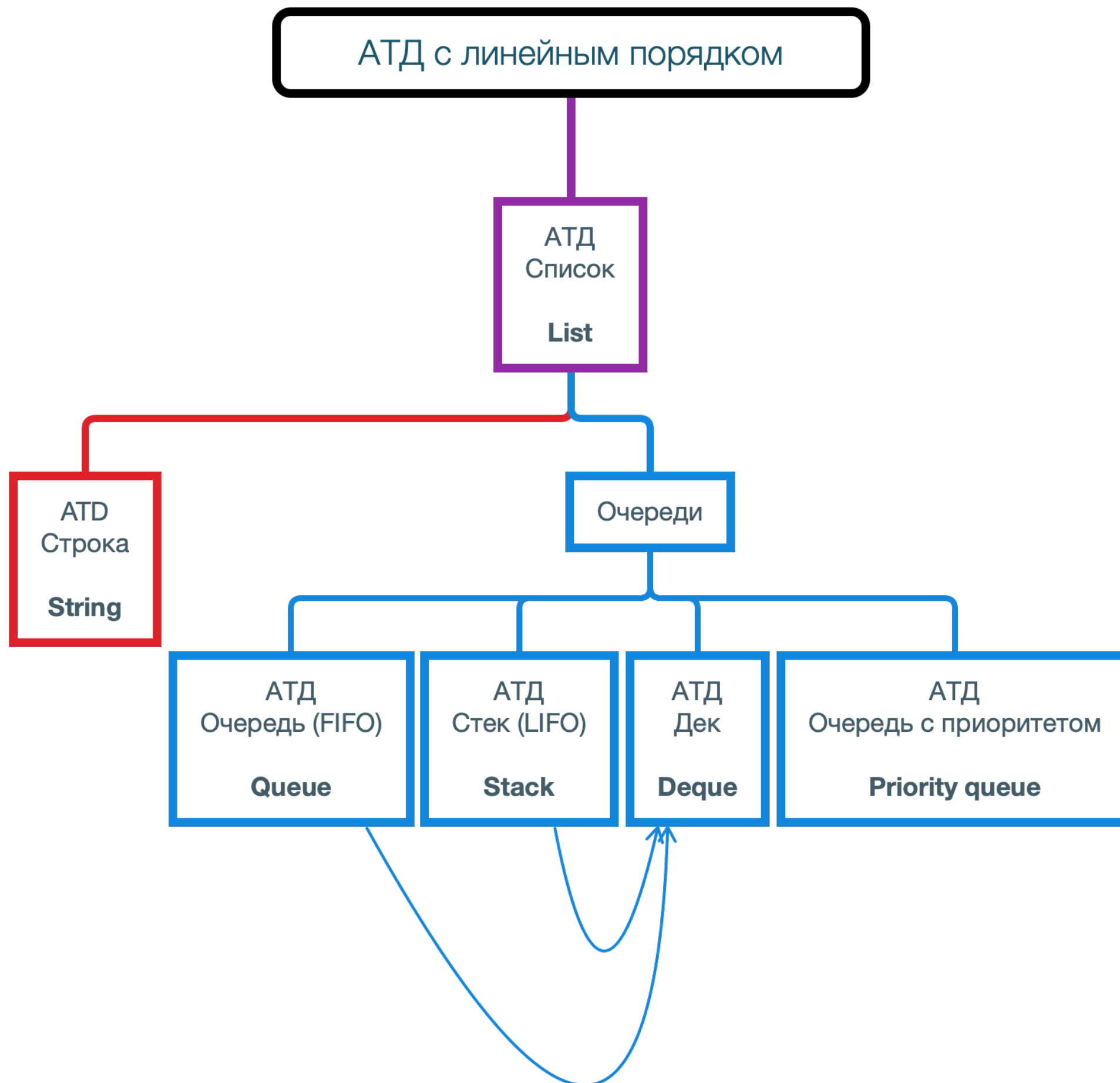


Примитивы языка (типы данных)

NB: АТД $\approx$ интерфейс

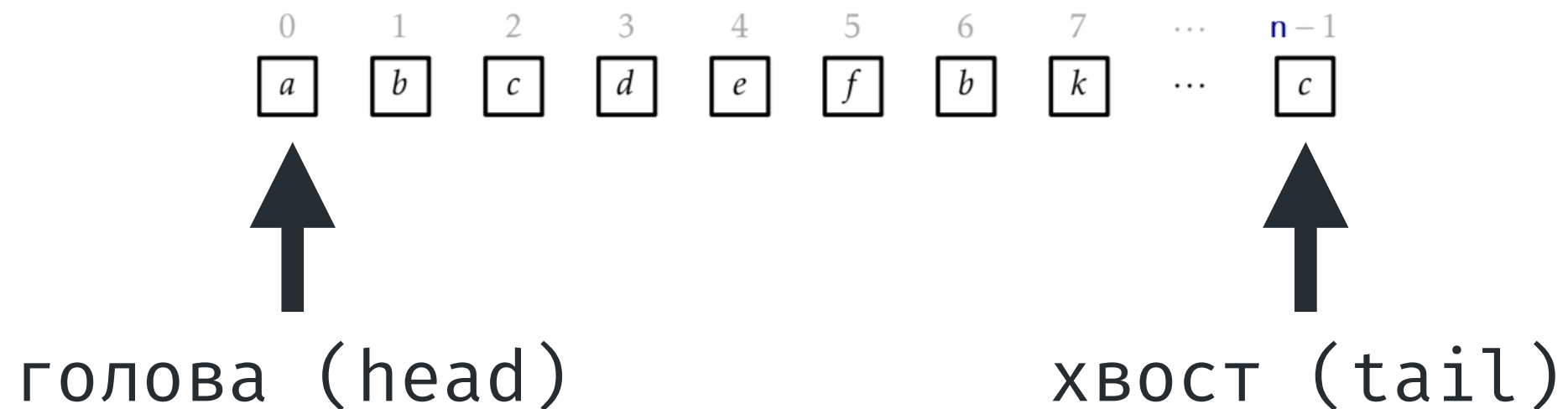
NB: Структура данных $\approx$ реализация

АТД с линейным порядком



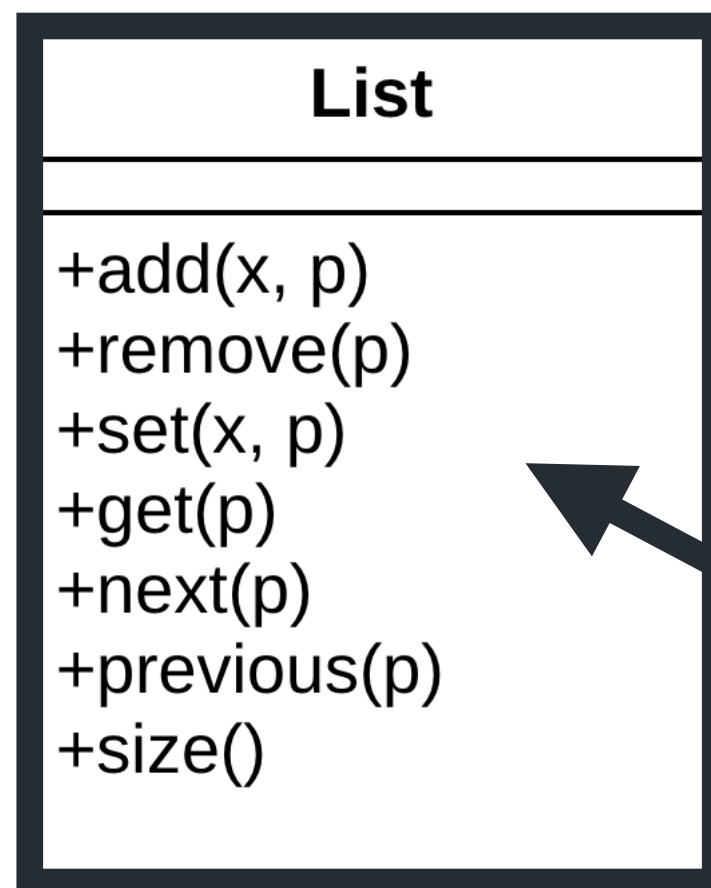
Список (list)

Строка (string)



Список (list)

Строка (string)

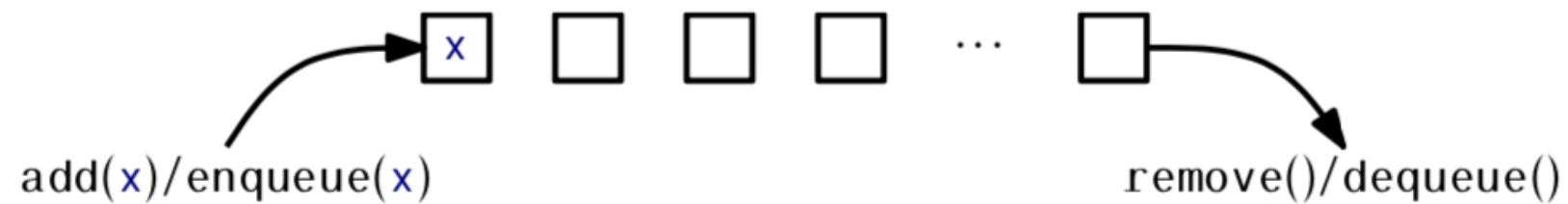


Бывают и другие операции

Могут быть
другие имена

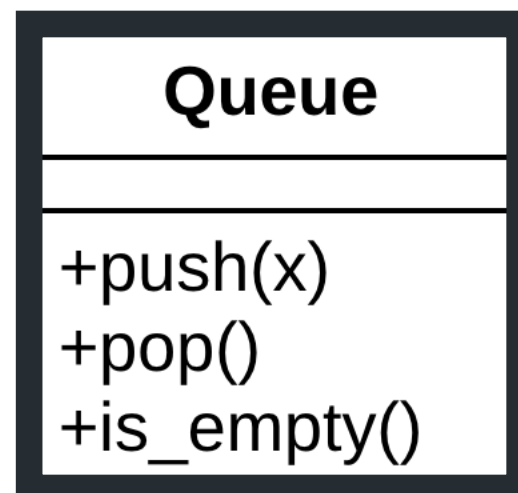
Очередь (queue)

разновидность очереди: FIFO



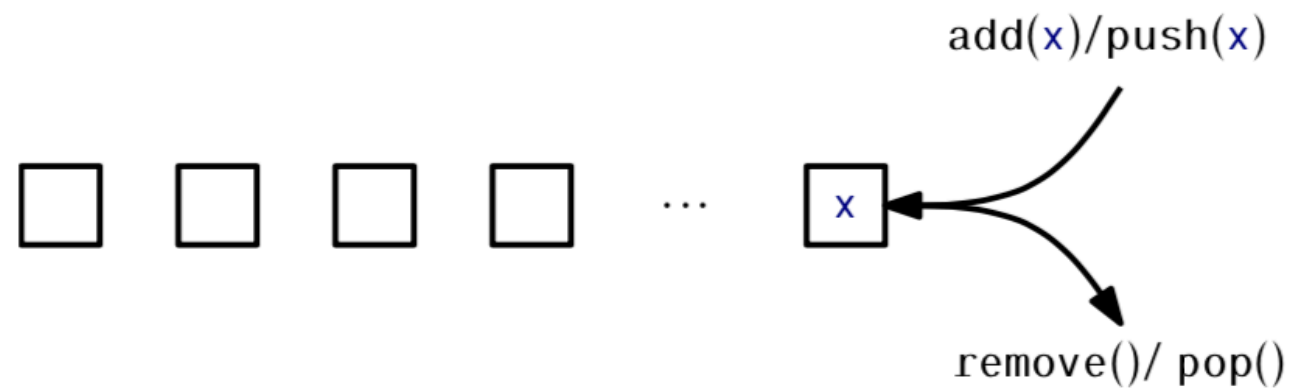
Очередь (queue)

разновидность очереди: FIFO



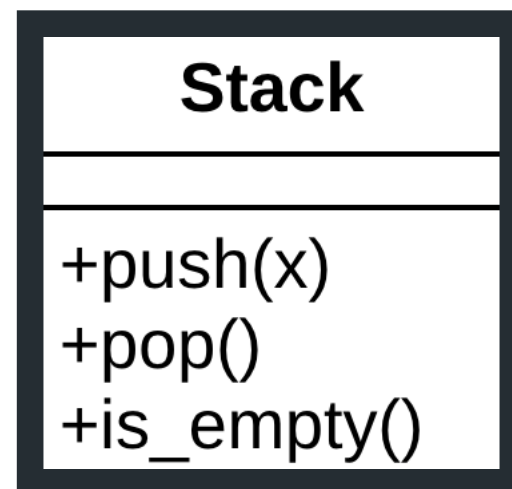
Стек (stack)

разновидность очереди: LIFO



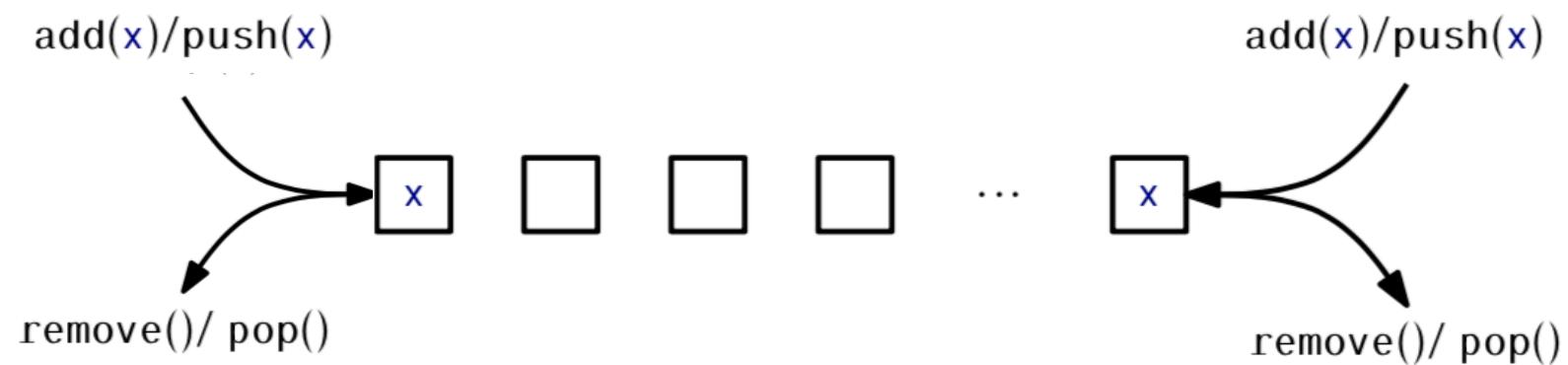
Стек (stack)

разновидность очереди: LIFO



Дек (deque)

разновидность очереди: FIFO + LIFO



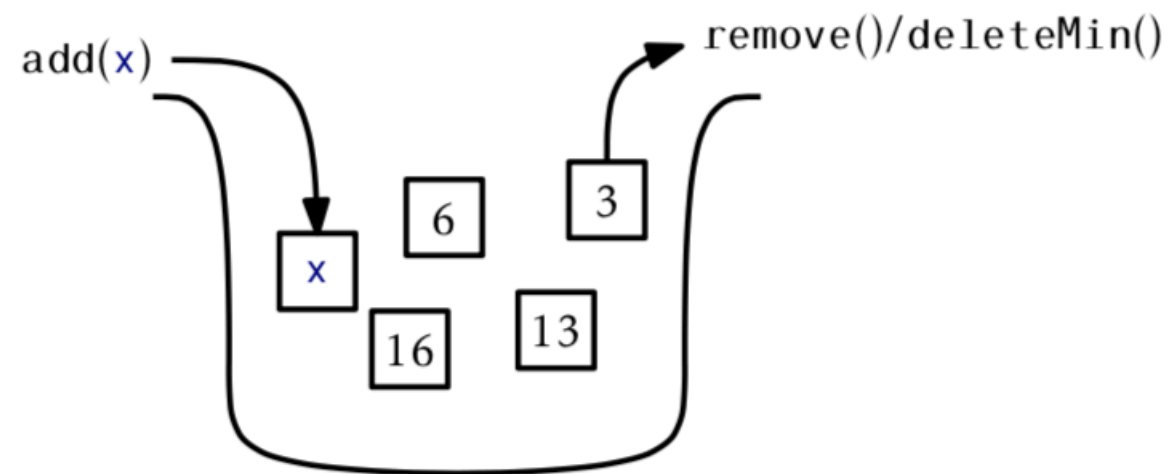
Дек (deque)

разновидность очереди: FIFO + LIFO

Deque
+push_first(x) +push_last(x) +pop_first() +pop_last() +is_empty()

Очередь с приоритетом (priority queue)

разновидность очереди



Очередь с приоритетом (priority queue)

разновидность очереди

Priority queue
+push(x, c) +pop_max() +is_empty()

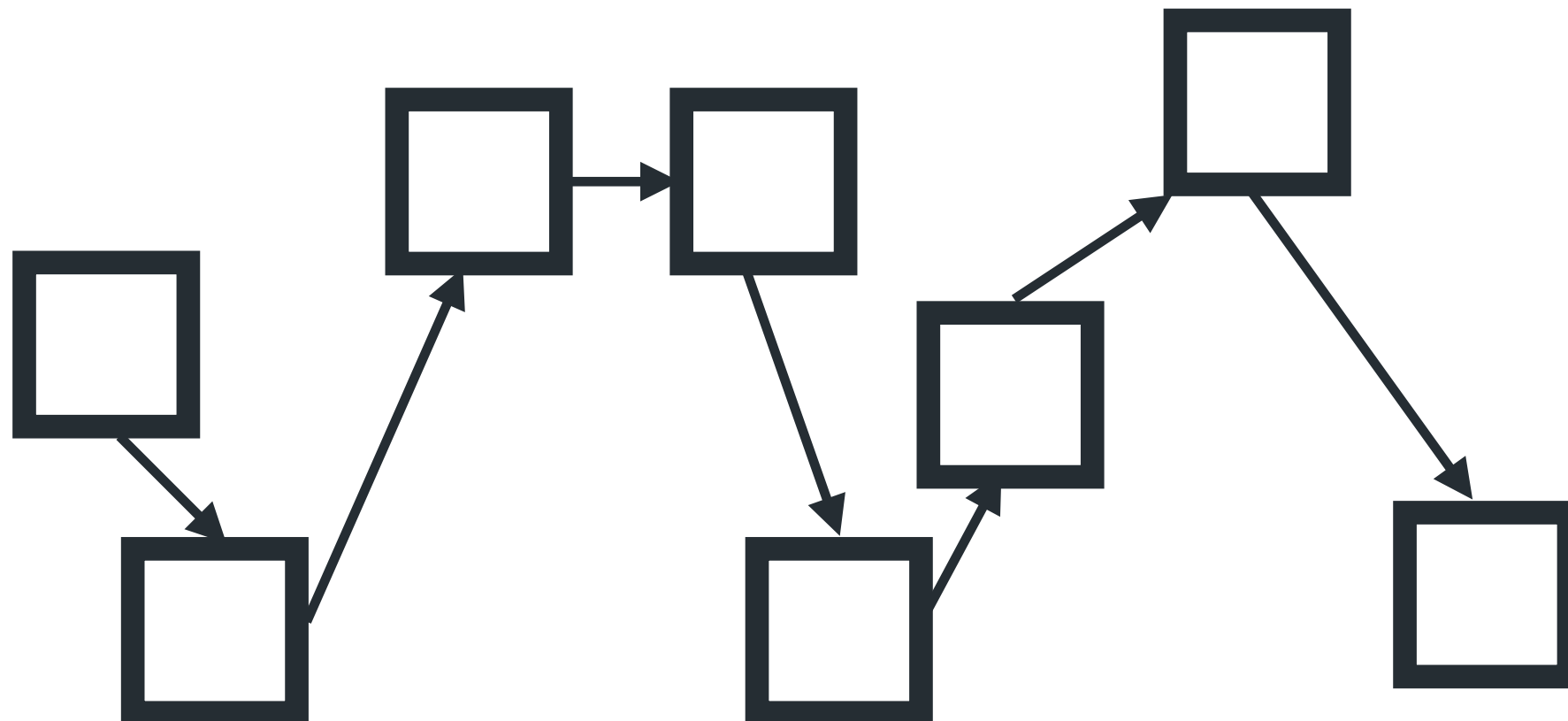
Реализация



Смежные структуры данных

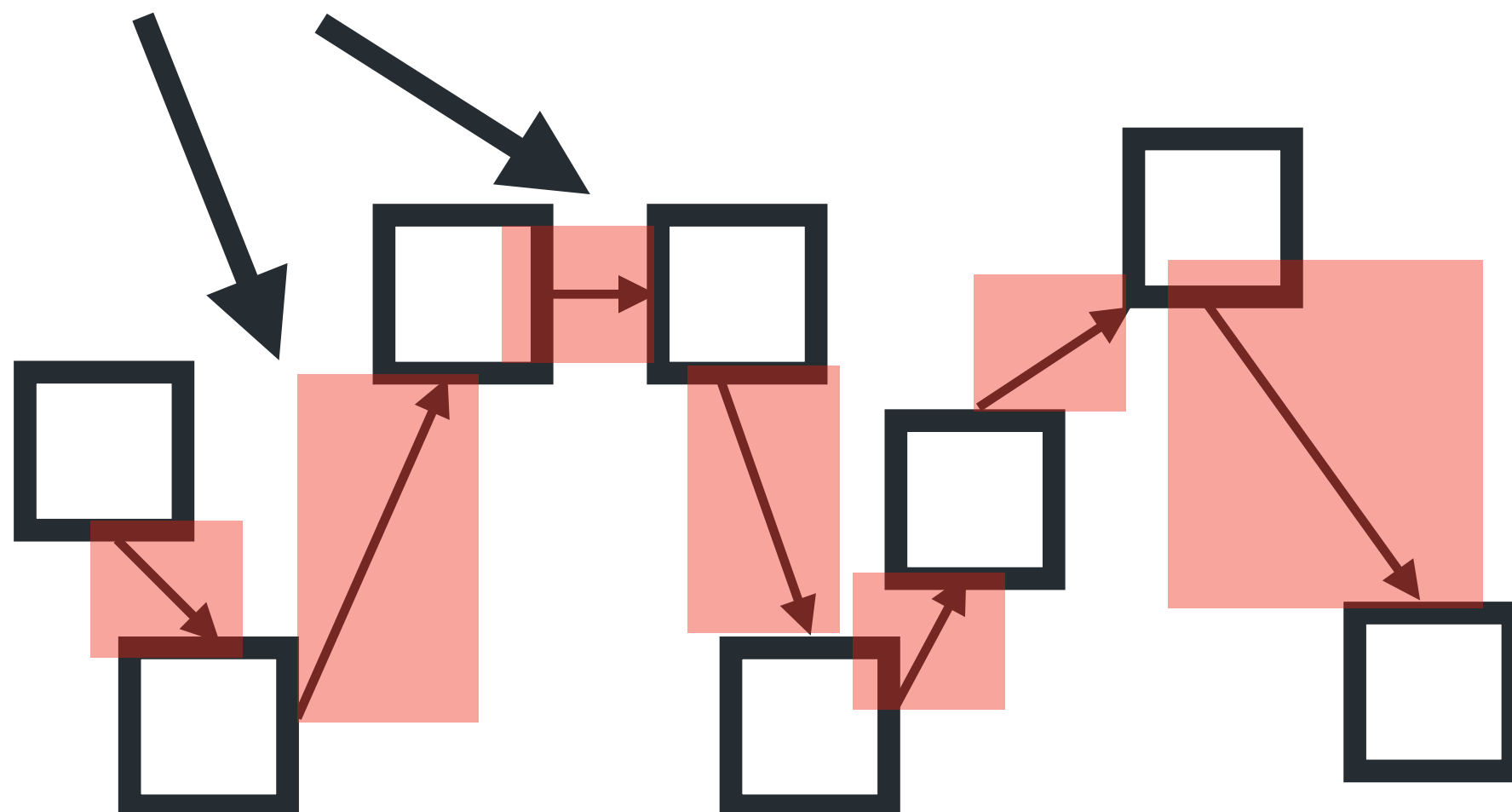


Связные структуры данных





Указатели



Массив

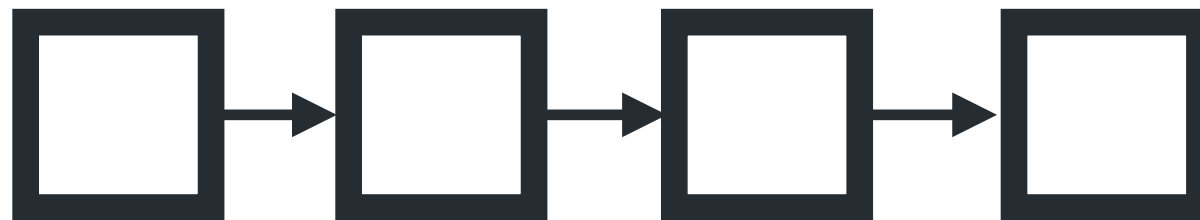


Массив

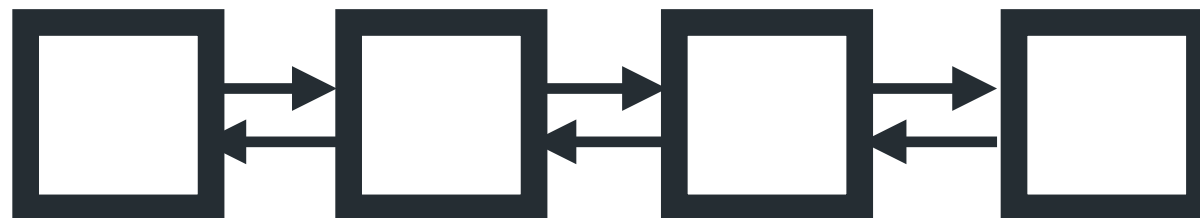
Common Data Structure Operations

Data Structure	Time Complexity								Space Complexity
	Average				Worst				Worst
	Access	Search	Insertion	Deletion	Access	Search	Insertion	Deletion	
<u>Array</u>	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Stack</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Queue</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Singly-Linked List</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Doubly-Linked List</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Skip List</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n \log(n))$
<u>Hash Table</u>	N/A	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	N/A	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Binary Search Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Cartesian Tree</u>	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	N/A	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>B-Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>Red-Black Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>Splay Tree</u>	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>AVL Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>KD Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$

СВЯЗНЫЙ СПИСОК



Singly-linked list



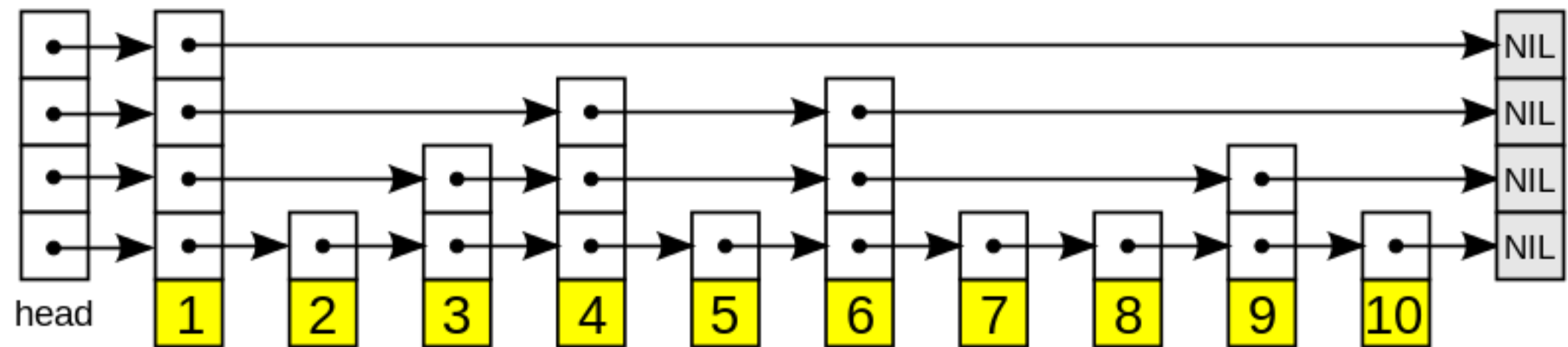
Doubly-linked list

СВЯЗНЫЙ СПИСОК

Common Data Structure Operations

Data Structure	Time Complexity								Space Complexity
	Average				Worst				Worst
	Access	Search	Insertion	Deletion	Access	Search	Insertion	Deletion	
<u>Array</u>	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Stack</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Queue</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Singly-Linked List</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Doubly-Linked List</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Skip List</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n \log(n))$
<u>Hash Table</u>	N/A	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	N/A	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Binary Search Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Cartesian Tree</u>	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	N/A	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>B-Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>Red-Black Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>Splay Tree</u>	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>AVL Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>KD Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$

Список с пропусками



Список с пропусками

Common Data Structure Operations

Data Structure	Time Complexity								Space Complexity
	Average				Worst				Worst
	Access	Search	Insertion	Deletion	Access	Search	Insertion	Deletion	
<u>Array</u>	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Stack</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Queue</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Singly-Linked List</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Doubly-Linked List</u>	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(n)$
<u>Skip List</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n \log(n))$
<u>Hash Table</u>	N/A	$\theta(1)$	$\theta(1)$	$\theta(1)$	N/A	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Binary Search Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>Cartesian Tree</u>	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	N/A	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$
<u>B-Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>Red-Black Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>Splay Tree</u>	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	N/A	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>AVL Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$
<u>KD Tree</u>	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(\log(n))$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$	$\theta(n)$

Реализация списка

Изменение
размера

b	r	e	d		
---	---	---	---	--	--

b	r	e	e	d	
---	---	---	---	---	--

b	r	e	e	d	r
---	---	---	---	---	---

b	r	e	e	d	r						
---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	--	--

b	r	e	e	d	e	r					
---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	--

b	r	e	e	e	r						
---	---	---	---	---	---	--	--	--	--	--	--

b	r	e	e	r							
---	---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--

b	r	e	e								
---	---	---	---	--	--	--	--	--	--	--	--

b	r	e	e				
---	---	---	---	--	--	--	--

b	r	i	e				
---	---	---	---	--	--	--	--

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11

`add(e, 2)`

`add(r, 5)`

`add(e, 5)`

`remove(4)`

`remove(4)`

`remove(4)`

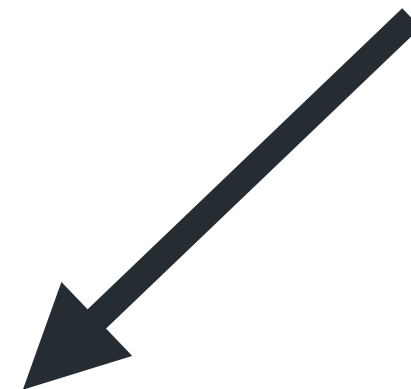
`set(i, 2)`

Реализация очереди

Очередь (queue)

на массиве

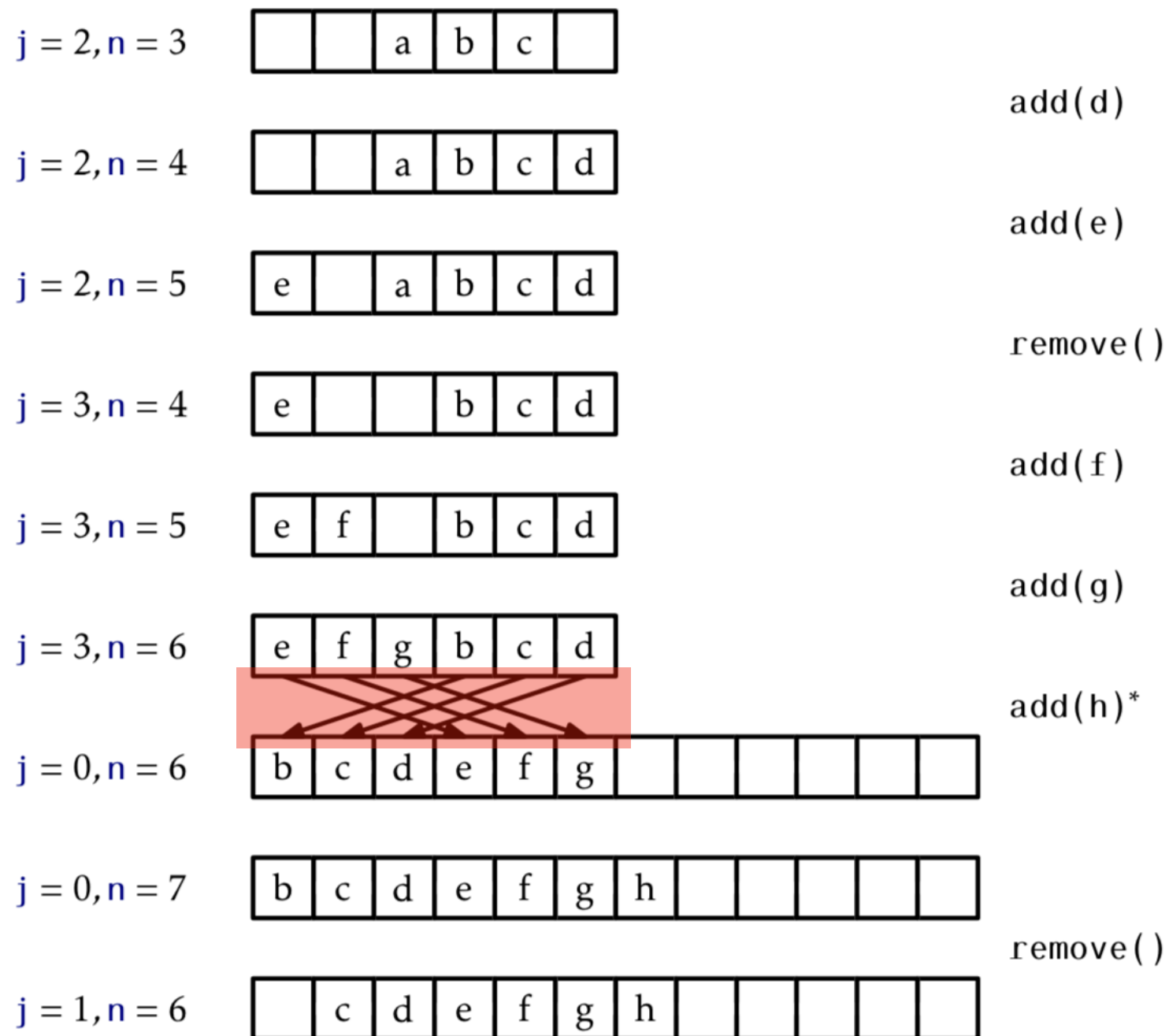
Дорого



```
push(x)      = add(x, 0)
pop()        = remove(size()-1)
is_empty()   = size() == 0
```

Трюк для очереди на массиве

эмуляция бесконечного массива



0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11

Трюк для очереди на массиве

эмуляция бесконечного массива

Push

```
add((j+n)%size())  
n += 1
```

Pop

```
get(j)  
j = (j+1)%size()  
n -= 1
```

Реализация стека

Стек (stack)

на массиве

```
push(x)      = add(x, size())  
pop()        = remove(size()-1)  
is_empty()   = size() == 0
```


Реализация деки

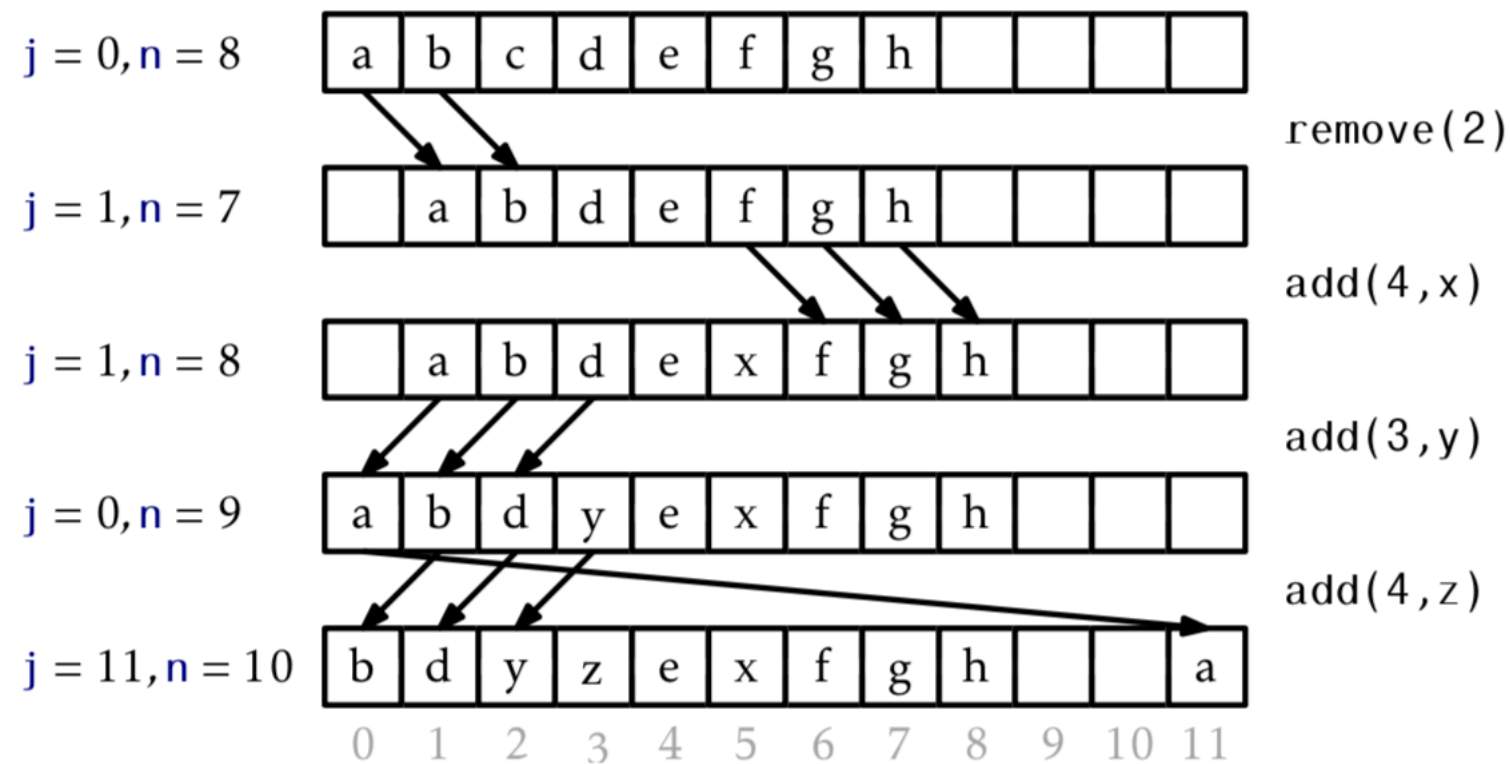
Дек (deque)

на массиве

```
push_first(x) = add(x, 0)
push_last(x)  = add(x, size())
pop_first()   = remove(0)
pop_last()    = remove(size()-1)
is_empty()    = size() == 0
```

Трюк 1 для деки на массиве

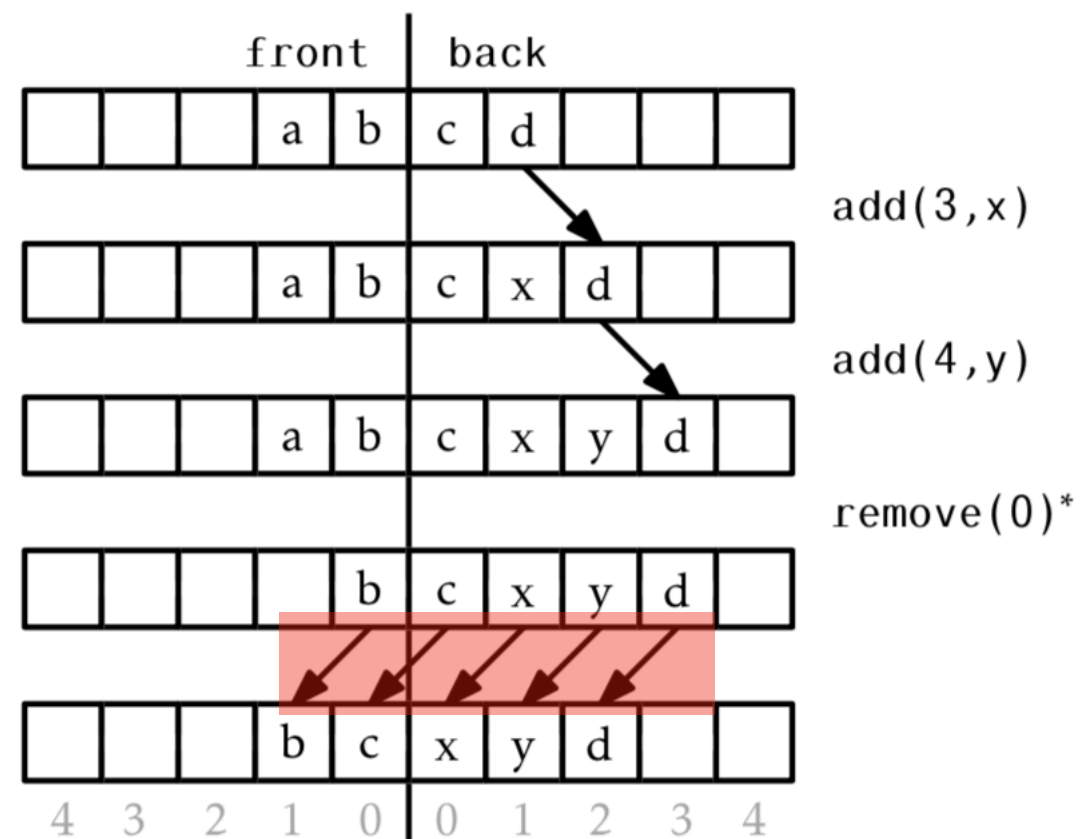
эмуляция бесконечного массива



сдвигаем в меньшую сторону

Трюк 2 для деки на массиве

два массива



балансировка

Реализация очереди с приоритетом

Очередь с приоритетом (priority queue)

на List с min/max или sort операциями

```
push(x)      = add(x, size())  
pop_max()    = remove(max())  
is_empty()  = size() == 0
```

Очередь с приоритетом (priority queue)

на List с min/max или sort операциями

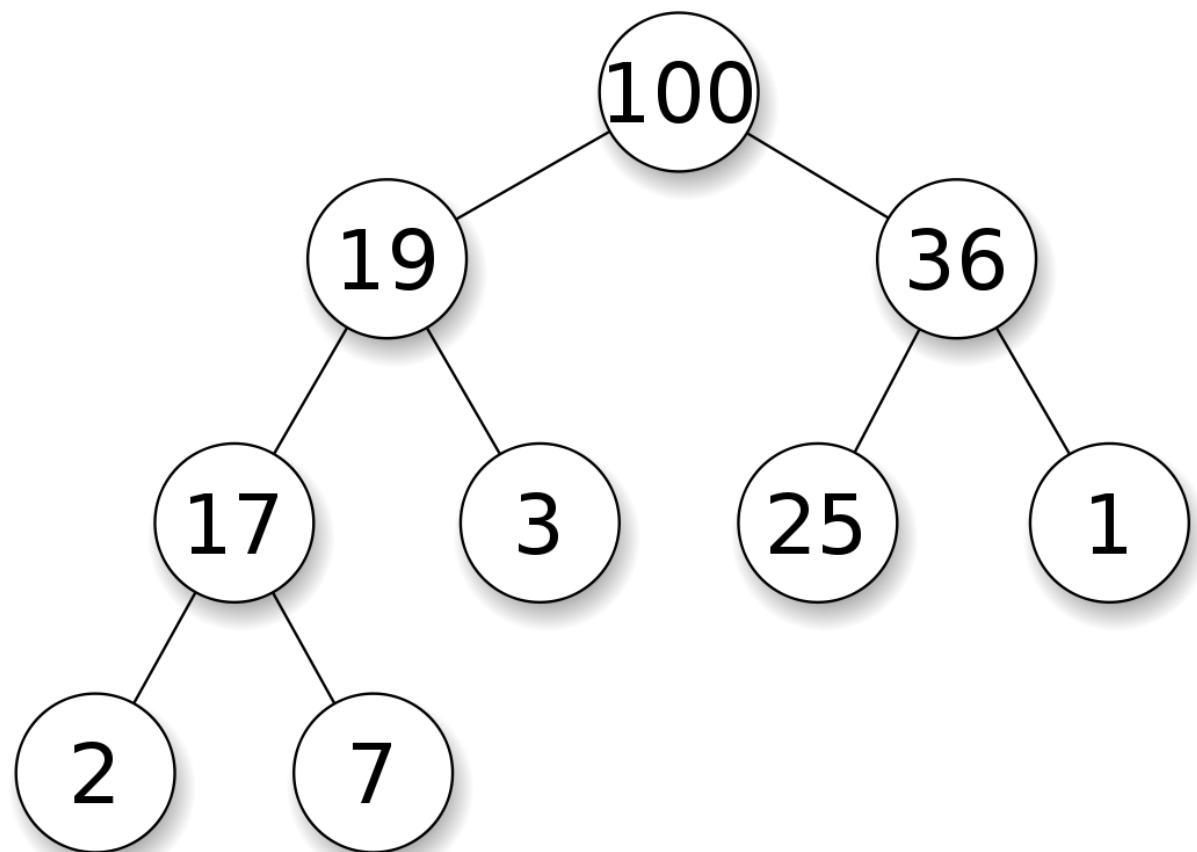
```
push(x)      = add(x, size())
              sort()
pop_max()     = remove(size()-1)
is_empty()   = size() == 0
```


Очередь с приоритетом (priority queue)

на пирамиде (aka куча aka heap)

Priority queue

+push(x, c)
+pop_max()
+is_empty()



VISUALGO.NET/EN

visualising data structures and algorithms through animation



visualgo.net

Data Structure Visualizations

About
Algorithms
F.A.Q
Known Bugs /
Feature Requests
Java Version
Flash Version
Create Your Own /
Source Code
Contact

Currently, we have visualizations for the following data structures and algorithms:

- Basics
 - Stack: Array Implementation
 - Stack: Linked List Implementation
 - Queues: Array Implementation
 - Queues: Linked List Implementation
 - Lists: Array Implementation (available in **java** version)
 - Lists: Linked List Implementation (available in **java** version)
- Recursion
 - Factorial
 - Reversing a String



[www.cs.usfca.edu/~galles/
visualization/Algorithms.html](http://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/Algorithms.html)

Реализация в Python

